

ISSN 0207-6918  
e-ISSN 2310-3701



# КАНТОВСКИЙ СБОРНИК

Научный журнал

2015  
№1 (51)

Калининград  
Издательство  
Балтийского федерального университета им. Иммануила Канта  
2015

**Кантовский сборник** : научный журнал. — 2015. — № 1 (51). — 121 с.

Интернет-адрес: [http://journals.kantiana.ru/kant\\_collection/](http://journals.kantiana.ru/kant_collection/)

Издается с 1975 г.

Выходит 4 раза в год

Зарегистрирован в Федеральной службе  
по надзору за соблюдением законодательства  
в сфере массовых коммуникаций и охране культурного наследия.  
Свидетельство о регистрации Министерства Российской Федерации  
по делам печати, телерадиовещания и средств массовых коммуникаций  
ПИ №ФС77-46310 от 26 августа 2011 г.

*Учредитель*

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования  
«Балтийский федеральный университет имени Иммануила Канта»  
(236041, г. Калининград, ул. А. Невского, д. 14)

Адрес редколлегии:

236041, г. Калининград, ул. А. Невского, 14, БФУ им. И. Канта,  
кафедра философии. Тел.: (4012)466313, (4012)955338,  
e-mail: [kant@kantiana.ru](mailto:kant@kantiana.ru)

© Балтийский федеральный университет  
им. И. Канта, 2015

### *Международный редакционный совет*

- Л. А. Калинин*, д-р филос. наук, проф. (Балтийский федеральный университет им. И. Канта, Россия) — председатель;  
*А. Вуд*, д-р философии, проф. (Стэнфордский университет, США);  
*Б. Дёрфлингер*, д-р философии, проф. (Университет Трира, Германия);  
*И. Конен*, д-р философии, проф. (Люксембургский университет);  
*Н. В. Мотрошилова*, д-р филос. наук, проф. (Институт философии РАН, Россия);  
*Т. И. Ойзерман*, д-р филос. наук, проф., действительный член РАН (Институт философии РАН, Россия);  
*В. Штарк*, д-р философии, проф. (Марбургский университет, Германия)

### *Редакционная коллегия*

- Л. А. Калинин*, д-р филос. наук, проф. (Балтийский федеральный университет им. И. Канта) — главный редактор; *А. Н. Саликов* (Балтийский федеральный университет им. И. Канта) — зам. главного редактора; *В. А. Бажанов*, д-р филос. наук, проф. (Ульяновский государственный университет); *В. Н. Белов*, д-р филос. наук, проф. (Саратовский государственный университет); *В. В. Васильев*, д-р филос. наук, проф. (Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова); *В. А. Жучков*, д-р филос. наук, проф. (Институт философии РАН); *В. А. Конеv*, д-р филос. наук, проф. (Самарский государственный университет); *И. Д. Копцев*, д-р филол. наук, проф. (Балтийский федеральный университет им. И. Канта); *А. Н. Круглов*, д-р филос. наук, проф. (Российский государственный гуманитарный университет); *А. И. Мигунов*, канд. филос. наук, доц. (Санкт-Петербургский государственный университет); *А. Г. Пушкарский* (Балтийский федеральный университет им. И. Канта) — ответственный секретарь; *Д. Н. Разееv*, д-р филос. наук, проф. (Санкт-Петербургский государственный университет); *Т. Г. Румянцева*, д-р филос. наук, проф. (Белорусский государственный университет); *Г. В. Сорина*, д-р филос. наук, проф. (Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова); *В. А. Чалый*, канд. филос. наук, доц. (Балтийский федеральный университет им. И. Канта) — координатор по международным контактам; *К. Ф. Самохвалов*, д-р филос. наук, проф. (Институт математики им. С. Л. Соболева Сибирского отделения РАН); *С. А. Чернов*, д-р филос. наук, проф. (Санкт-Петербургский государственный университет телекоммуникаций им. М. А. Бонч-Бруевича)

### *International editorial council*

- Prof. *L. A. Kalinnikov* (I. Kant Baltic Federal University, Russia) — chair;  
Prof. *A. Wood* (Stanford University, USA); Prof. *B. Dörflinger* (University of Trier, Germany);  
Prof. *J. Kohnen* (University of Luxembourg, Luxembourg);  
Prof. *N. V. Motroshilova* (Institute of Philosophy of the Russian Academy of Sciences);  
Prof. *T. I. Oizerman*, fellow of the Russian Academy of Sciences (Institute of Philosophy of the Russian Academy of Sciences); Prof. *W. Stark* (University of Marburg, Germany)

### *Editorial board*

- Prof. *L. A. Kalinnikov* (I. Kant Baltic Federal University) — editor-in-chief; Dr *A. N. Salikov* (I. Kant Baltic Federal University) — зам. главного редактора; Prof. *V. A. Bazhanov* (Ulyanovsk State University); Prof. *V. N. Belov* (Saratov State University); Prof. *V. V. Vasilyev* (Lomonosov Moscow State University); Prof. *V. A. Zhuchkov* (Institute of Philosophy of the Russian Academy of Sciences); Prof. *V. A. Konev* (Samara State University); Prof. *I. D. Koptsev* (I. Kant Baltic Federal University); Prof. *A. N. Kruglov* (Russian State University for the Humanities); Dr *A. I. Migunov* (Saint-Petersburg State University); *A. G. Pushkarsky* (I. Kant Baltic Federal University) — executive editor; Prof. *D. N. Razeyev*, (Saint Petersburg State University); Prof. *T. G. Rumyantseva* (Belarusian State University); Prof. *G. V. Sorina* (Lomonosov Moscow State University); Dr *V. A. Chaly* (I. Kant Baltic Federal University) — international liaison; Prof. *K. F. Samokhvalov* (Sobolev Institute of Mathematics of the Russian Academy of Sciences); Prof. *S. A. Chernov* (Bonch-Bruевич Saint-Petersburg State University of Telecommunications)

Ссылки на оригинальные тексты Канта приводятся по изданию: *Kant I. Gesammelte Schriften (Akademie-Ausgabe)*. В., 1900 ff. — и оформляются в тексте статьи следующим образом: [AA, XXIV, S. 578], где римскими цифрами указывается номер тома данного издания, а затем дается страница по этому изданию. Ссылки на «Критику чистого разума» оформляются по этому же изданию, например: [A 000] — для текстов из первого издания, [B 000] — для второго издания или [A 000 / B 000] — для фрагментов текста, встречающихся в обоих изданиях.

## СОДЕРЖАНИЕ

### Теоретическая философия Канта

<i>Родин А. В.</i> Кант и новая математика сто лет спустя .....	7
<i>Анджеевский Б.</i> Иммануил Кант и вопросы коммуникативного конструктивизма ....	17

### Рецепции философии Канта

Вместо предисловия: иллюзия беспредпосылочности мышления ( <i>В. Н. Белов</i> ).....	26
<i>Пома А.</i> К природе мышления без представления (пер. с немецкого <i>В. Н. Белова</i> ) ..	28

### Логика и аргументорика

<i>Горбатова Ю. В.</i> Онтологический аргумент Стивена Мейкина: понятие, обеспечивающее необходимое существование Бога .....	43
--	----

### Неокантианство

<i>Дмитриева Н. А., Левченко В. В.</i> Из Марбурга в Одессу: материалы к научной биографии С. Л. Рубинштейна.....	55
<i>Фролова Е. А.</i> Теоретико-методологические вопросы доктрины возрожденного естественного права (П. И. Новгородцев) .....	72

### In memoriam

Адель Анатольевна Кравченко.....	84
----------------------------------	----

### Публикации

<i>Калинников Л. А.</i> О рецензии, обдуманной Кантом и вышедшей под именем Хр. Я. Крауса .....	86
<i>Краус Хр.</i> Рецензия на Элевтерологию Иоганна Августа Генриха Ульриха (пер. с немецкого <i>И. Д. Копцева</i> ) .....	94
<i>Кант И.</i> Предварительный набросок для рецензии на Элевтерологию Иоганна Августа Генриха Ульриха (пер. с немецкого <i>И. Д. Копцева</i> ).....	100
Агнес Мигель. Предисловие к переводу ( <i>В. Х. Гильманов</i> ) .....	103
<i>Мигель А.</i> Памяти университета Альбертина. Доклад, прочитанный перед Геттингенским рабочим кругом (пер. с немецкого <i>В. Х. Гильманова, И. А. Спесивцева</i> )	105

### Обзоры и рецензии

Тетенс И. Н. О всеобщей спекулятивной философии ( <i>А. Б. Паткуль</i> ) .....	112
--	-----

### Научная жизнь

Кант и коперниканский переворот в философии, Торунь, 4–5 октября 2014 года ( <i>Т. Куци, М. Желязны</i> , пер. с польского <i>Н. В. Данилкиной</i> ) .....	114
Размышляя о Германе Когене. Обзор докладов на международной конференции ( <i>В. Н. Белов</i> ) .....	115

## CONTENTS

### Kant's theoretical philosophy

<i>Rodin A.</i> Kant and new mathematics 100 years later.....	7
<i>Andrzejewski B.</i> Immanuel Kant and the problem of communicative constructivism....	17

### Receptions of Kant's philosophy

Instead of the preface: an illusion of the independence of the thinking ( <i>V. Belov</i> ).....	26
<i>Poma A.</i> On the nature of thinking without representation (translated from the German by <i>V. Belov</i> ).....	28

### Logic and argumentorics

<i>Gorbatova Y.</i> Steven Makin's ontological argument: The concept of necessary existence of God.....	43
---	----

### Neo-Kantianism

<i>Dmitrieva N., Levchenko V.</i> From Marburg to Odessa: A contribution to a scientific biography of S.L. Rubinstein.....	55
<i>Frolova Ye.</i> The theoretical and methodological issues of the revival of natural law ( <i>P. Novgorodtsev</i> ).....	72

### In memoriam

<i>Adel Kravchenko</i> .....	84
------------------------------	----

### Publications

<i>Kalinnkirov L.</i> On a review deliberated by Kant and published under the name of Chr. Kraus.....	86
<i>Kraus Chr.</i> A review of Johann August Heinrich Ulrich's eleutheriology (translated from the German by <i>I. Koptsev</i> ).....	94
<i>Kant I.</i> A draft of a review of Johann August Heinrich Ulrich's eleutheriology (translated from the German by <i>I. Koptsev</i> ).....	100
<i>Agnes Miegel.</i> Preface to the translation ( <i>V. Gilmanov</i> ).....	103
<i>Miegel A.</i> In memoriam the Albertina University: A report for the Göttingen work group (translated from the German by <i>V. Gilmanov</i> and <i>I. Spesivtsev</i> ).....	105

### Reviews

<i>Tetens J.</i> On general speculative philosophy ( <i>A. Patkul</i> ).....	112
--	-----

### Conferences

Kant and the Copernican revolution in philosophy, Torun, October 4–5, 2014 ( <i>M. Żelazny</i> ; translated from the Polish by <i>N. Danilkina</i> ).....	114
Thinking of Herman: An overview of an international conference ( <i>V. Belov</i> ).....	115

УДК 51:1

КАНТ  
И НОВАЯ МАТЕМАТИКА  
СТО ЛЕТ СПУСТЯ<sup>1</sup>

А. В. Родин\*

*Критика Кассирером философии математики Рассела и неокантианская философия науки и математики в целом приобретают особую актуальность в контексте современной математики и математической физики. То обстоятельство, что современная стандартная аксиоматическая архитектура математических теорий не учитывает предметного характера математического знания, на которое вслед за Кантом указывает Кассирер, затрудняет использование новых математических знаний в естественных науках и технике. В частности, в этом может состоять одна из причин того, что физическая теория струн в ее современном виде оказывается принципиально недоступной для опытной проверки, поскольку ее можно согласовать практически с любыми возможными результатами наблюдений и экспериментов. Однако есть основания считать, что некоторые новейшие подходы в основаниях математики, включая теорию категорий, теорию топосов и «универсальные основания», могут позволить исправить этот недостаток в обозримом будущем. Проблема использования в естественных науках и в технике новых математических знаний показывает, что кантианский подход в философии математики остается по крайней мере частично релевантным современному состоянию этой науки.*

*Ключевые слова:* Кассирер, Рассел, философия математики, формальная логика, предметное знание, теория категорий.

Название этой статьи частично воспроизводит название работы Э. Кассирера, опубликованной в 1907 году (Cassirer, 1907). Я попытаюсь ответить на некоторые вопросы, заданные Кассирером, в контексте современной новой математики, которая уже значительно отличается от той «новой» математики, о которой более века назад писал Кассирер. Следуя Кассиреру, я не буду при этом пытаться дать полный обзор текущих математических исследований, а буду иметь в виду

---

<sup>1</sup> Работа поддержана исследовательским грантом РФФИ № 13-06-00515.

\* Санкт-Петербургский государственный университет, факультет свободных искусств и наук, 190000, Россия, Санкт-Петербург, ул. Галерная, 58—60.

Поступила в редакцию 24.12.2014 г.

doi: 10.5922/0207-6918-2015-1-1

© Родин А. В., 2015

только некоторые новые направления в основаниях математики, которые позволяют по-новому посмотреть на математику в целом и переосмыслить роль этой дисциплины в физике и других естественных науках. Опираясь на работу Кассирера, я постараюсь показать, какие именно идеи Канта о математике и ее роли в естественных науках остаются релевантными современным исследованиям в этих дисциплинах.

Чтобы понять замысел статьи Кассирера 1907 года, необходимо хотя бы кратко восстановить исторический контекст, в котором была написана эта работа. В XIX веке в математике были сделаны революционные открытия, которые существенно изменили характер этой дисциплины. В частности, были открыты и затем получили широкое признание *неевклидовы геометрии* (Бонола, 2010). Эти геометрические теории отказываются от традиционной предпосылки о том, что понятие пространства евклидовой геометрии является единственным возможным геометрическим понятием пространства, и вводят в рассмотрение новые широкие классы геометрических пространств (гиперболические, эллиптические, римановы многообразия, проективные пространства и некоторые другие). Допущение о множественности геометрических пространств (и соответствующих теорий этих пространств) очевидным образом несовместимо с известным тезисом Канта о том, что пространство (какое?) — это априорная форма чувственности, которую можно эксплицировать с помощью именно евклидовой геометрии.

Таким образом, к концу XIX века было вполне очевидно, что философия математики Канта в своей исходной форме не адекватна современному состоянию этой науки. Реакция на такое положение вещей была двоякой. Ряд авторов, включая Когена, Наторпа, Кассирера, пытались найти способ модернизировать философию Канта в контексте новых математических теорий (Jonson, 2005)<sup>1</sup>. Другие авторы, включая Фреге и Рассела, развивали альтернативные подходы к анализу современной им математики и на этой основе пытались полностью опровергнуть, а не просто скорректировать Канта (Pulkkinen, 2005).

В 1903 году Рассел опубликовал «Принципы математики» (Russell, 1903), где впервые предпринял попытку систематического философского обоснования математики, включая как ее традиционные разделы (в частности, традиционную арифметику и евклидову геометрию), так и новые математические теории, возникшие на рубеже XIX—XX веков: неевклидову геометрию, проективную геометрию, теорию множеств, теорию действительных чисел и теорию комплексных чисел. По словам самого Рассела, эта новая философия математики «диаметрально противоположна Канту» (Russell, 1903, p. 456). Основным аргумент Рассела против Канта состоит в следующем: Кант использовал устаревшее и неадекватное понятие о *формальной* логике (которую сам Кант называл «общей» логикой и считал законченной дисциплиной, не допускающей никакой существенной ревизии своих основных положений), и именно поэтому для анализа математических рассуждений был вынужден пользоваться понятием интуиции и гово-

---

<sup>1</sup> Эти попытки породили то направление в философии, которое сегодня называют исторической эпистемологией: согласно этому подходу история науки является существенным элементом эпистемологии, а задача философии состоит не в том, чтобы установить какие-то вечные принципы научного познания, а скорее в том, чтобы следить за развитием научной мысли и делать эту мысль предметом постоянной философской критики (Rheinberger, 2010).



ритель об особой *трансцендентальной* логике. Рассел утверждает, что новый аппарат формальной логики, описанный им в «Принципах математики», решает проблему логического анализа математических рассуждений более убедительно, без использования понятия интуиции и других понятий, которыми пользовался Кант. Еще раз подчеркну, что подход Рассела в отличие от подхода Канта распространяется не только на традиционные, но и на новые (на 1903 год) математические теории.

Новый логический аппарат, которым пользуется Рассел в своих «Принципах», не является полностью его оригинальным изобретением, но существенно опирается на достижения британской школы математической логики XIX века (Буль, Морган, Венн), а также на новые для того времени логические работы Фреге и Пеано. В эпистемологическом плане Рассел опирается на Лейбница, которого в отличие от Канта он оценивает очень высоко. В написанном в 1937 году предисловии к новому изданию своей ранней работы о Лейбнице 1900 года Рассел говорит о нем так: «В области логики и оснований математики многие мечты Лейбница сегодня реализованы; теперь стало ясно, что это не были пустые фантазии, как казалось всем наследникам Лейбница вплоть до самого недавнего времени» (Russell, 1996, p. xviii).

Таким образом, Рассел предлагает нам такую историческую перспективу. Лейбниц правильно сформулировал проект обоснования математики с помощью формальной логики, но не смог реализовать этот проект, потому что у него не было для этого подходящего формально-логического аппарата. Кант не мог реализовать проект Лейбница по той же причине, но вместо того, чтобы искать замену аристотелевской формальной логике, вовсе отказался от этого проекта и направил свои усилия в ошибочном направлении. Дальнейший прогресс в области формальной логики позволил в XX веке реализовать проект Лейбница и таким образом сделал очевидным ошибочность подхода Канта.

Хотя некоторые предложения Рассела, представленные в «Принципах математики» 1903 года, позже были отвергнуты большинством логиков-философов (в частности, это касается идеи Рассела о полной редукции математики к логике), именно представленный в этой работе подход стал важным элементом аналитической философии математики XX века, которая остается доминирующей в мировом научном и философском сообществе и сегодня. Поскольку мы говорим сейчас не о философии вообще, а о философии математики, дело здесь не сводится только к культурному доминированию определенной философской традиции. Современные стандартные основания математики, построенные с помощью аксиоматической теории множеств Цермело – Френкеля, в общих чертах (хотя и не в деталях) реализуют именно ту архитектуру математики, которая описана Расселом в «Принципах математики» и замысел которой можно найти у Лейбница. Таким образом, сегодня есть очевидные основания утверждать, что положение дел в современной математике подтверждает правоту Рассела в его заочном споре с Кантом и Кассирером.

На основании всего вышесказанного можно как будто сделать вывод о том, что кантианская философия математики полностью устарела и представляет сегодня лишь чисто исторический интерес. Хотя ряд современных философов математики вполне согласны с таким выводом, мне он представляется недостаточно обоснованным. Ценность работы Кассирера 1907 года

состоит в том, что в отличие от некоторых других последователей Канта в XX веке Кассирер не пытается преуменьшить значение новых математических и физических теорий, а, так же, как и Рассел, делает их предметом подробного анализа (Heis, 2010; Heis, 2011; Friedman, 2005). Это позволяет Кассиреру переформулировать некоторые проблемы и тезисы кантовской философии математики в виде, который делает их полностью релевантными науке XX века. Ниже я постараюсь показать, что основной эпистемологический вопрос, который вслед за Кантом ставит по отношению к математике Кассирер, остается открытым и сегодня, причем от ответа на этот вопрос зависит дальнейший прогресс физики, технологии (включая информационные технологии) и других теоретических и прикладных дисциплин, в которых используется математика.

Кассирер комментирует позицию Рассела в «Принципах математики» следующим образом (вслед за Кутюра (Couturat, 1906) называя при этом аппарат формальной символической логики, который использовал Рассел, *логистикой*):

«Тут возникает проблема, которая целиком лежит вне поля зрения логистики. Все эмпирические суждения принадлежат своей области: они должны соблюдать границы опыта. Логистика развивает систему гипотетических предположений, про которые нельзя узнать, установлены ли они на опыте и могут ли они иметь непосредственные или опосредованные конкретные применения. Согласно Расселу, даже общее понятие о величине не относится к чистой математике, но включает в себя эмпирический аспект, доступный только для чувственного восприятия. Для логистики задача мысли ограничивается тем, что она устанавливает точную дедуктивную связь между всеми своими построениями. Таким образом, вопрос о закономерностях мира объектов остается на усмотрение только прямому наблюдению, которое своими собственными ограниченными средствами должно позволить нам установить, есть ли тут какие-то законы или, напротив, царит полный хаос. С точки зрения Рассела, логика и математика имеют дело только с порядком понятий и не должны заботиться о порядке или беспорядке объектов. Если оставаться в рамках такого анализа понятий, то эмпирические вещи будут всегда ускользать от всякого рационального понимания. Чем более очевидными будут для нас достоинства и мощь дедукции в математике, тем менее понятной будет роль дедукции в естественных науках. <...> Логические и математические утверждения могут иметь чисто гипотетическую ценность. Но только ли по счастливой случайности эти гипотезы позволяют нам описывать и предсказывать эмпирические факты? <...> Задача критической философии начинается там, где заканчивается логистика. Эта задача состоит в том, чтобы найти логику *предметного* (gegenständliche) познания» (Cassirer, 1907, S. 43–44)<sup>2</sup>.

Вопрос, который ставит Кассирер в конце этого пассажа, является частично риторическим. Говоря в этом контексте о критической философии, Кассирер, конечно, имеет в виду теорию Канта об априорных математических формах чувственности (трансцендентальную эстетику) и связанную с ней теорию трансцендентальной логики (то есть логики предметного познания), которая объясняет, каким именно образом математические понятия применяются в физике для описания и предсказания эмпирических фак-

<sup>2</sup> Здесь и далее перевод наш. — А.Р.

тов и событий. При этом для Канта образцом математизированной физической теории служат «Математические начала натуральной философии» Ньютона (Friedman, 1992). Кассирер ясно отдает себе отчет в том, что трансцендентальная эстетика и логика Канта не адекватны новым математическим теориям, включая неевклидовы геометрии и теорию множеств. В работе 1907 года и в более поздних трудах Кассирер пытается совместить «логистику» Рассела с новой формой трансцендентальной логики, однако обсуждение этой части проекта Кассирера выходит за рамки статьи.

Интересно отметить, что тот же самый вопрос был заново поставлен и популяризирован в 1960 году Е. Вигнером в его знаменитой статье «Непостижимая эффективность математики в естественных науках» (Wigner, 1960). Как можно догадаться по названию, автор не дает на вопрос о причине эффективности математики в физике никакого рационального ответа. Вместо этого Вигнер в конце статьи пытается закрыть проблему, называя эффективность математики «чудесным даром», который мы заведомо не в состоянии понять, но можем и должны с благодарностью принять и научиться им хорошо пользоваться. (Впрочем, такое «решение» можно понять и как чисто риторическую провокацию, поскольку в действительности статья Вигнера 1960 года породила обширную дискуссию, которая продолжается до сих пор (Родин, 2015).)

Я со своей стороны вслед за Кассирером утверждаю, что вопрос об эффективности математики в эмпирических приложениях (которые включают в себя не только физику и другие естественные науки, но также и инженерное дело в самом широком смысле слова, в том числе информационные технологии) остается и в настоящее время открытой проблемой, которая настоятельно требует решения (по крайней мере временного и предположительного), причем именно в контексте самой современной математики, естественных наук и техники. Действительно, из самых общих философских соображений можно утверждать, что ситуация, при которой рациональная конструкция теоретической науки содержит внерациональный «чудесный» элемент, ответственный за обеспечение идеальной гармонии между математическими и эмпирическими понятиями, является нетерпимой. Вместо того чтобы разворачивать здесь эти общие соображения, которые увели бы нас слишком далеко от предмета статьи, я сейчас приведу некоторые независимые и более конкретные подтверждения данного тезиса, указывающие на то, что такое положение вещей действительно сегодня тормозит развитие науки. Затем я укажу на возможный путь решения этой проблемы.

Заметим, что эффективное применение новых математических методов в физике во многих случаях (хотя и не всегда) происходит только спустя значительное время после того, как эти методы разрабатываются в рамках чистой математики. Так, например, основы римановой геометрии были заложены Риманом примерно за 60 лет до того, как Эйнштейн применил эту геометрию для описания физического пространства-времени в своей общей теории относительности (ОТО). Большая часть математического аппарата физики XX века (риманова геометрия, теория дифференциальных уравнений, комплексный анализ) была в основном построена еще в XIX веке совершенно независимо от тех новых оснований математики, которые в начале XX века обсуждали Рассел и Кассирер. И сегодня теоретико-множе-

ственные основания математики, о которых я упоминал выше, практически никогда не попадают в поле зрения исследователей, работающих в области математической физики.

Поэтому «чудо» эффективности математики в физике первой половины XX века можно по крайней мере частично объяснить своего рода понятийной инерцией: те математические понятия и теории, которые были изначально построены по классическому образцу в тесной связи с физическими интуициями (как в случае римановой геометрии), смогли полностью реализовать свой физический потенциал только в XX веке (как в случае ОТО). Однако сегодня есть свидетельства того, что этот исторический ресурс уже исчерпан или близок к исчерпанию. Я сошлюсь в этой связи на авторитетное мнение Л. Смолина, который указывает на то, что многие фундаментальные физические теории, построенные в последние десятилетия XX века (включая *струнную теорию*), оказываются принципиально эмпирически непроверяемыми, поскольку они могут быть согласованы с любыми результатами наблюдений и экспериментов. Это, разумеется, ставит под вопрос их статус как именно физических теорий (Smolin, 2006). Смолин говорит в этом контексте о физических теориях, в которых используется новейшая математика, развитая уже изначально на современных основаниях. Разумеется, «неприятности с физикой», на которые указывает Смолин, могут иметь самые разные причины, включая те недостатки организации научных исследований, о которых он пишет в своей книге. Но я рискну предположить, что по крайней мере часть этой проблемы состоит в том, что «официальная» логическая архитектура современной математики никак не учитывает эпистемологическое требование, которое Кассирер вслед за Кантом формулирует так: «Математические и логические понятия не должны больше служить нам инструментами для построения метафизических “мысленных миров”; их функция и их применение должны быть ограничены пределами эмпирических наук» (Cassirer, 1907, S. 43).

Однако это обеспечивает ничем не ограниченную свободу мысленного аксиоматического конструирования математических теорий. В связи с этим можно вспомнить знаменитое высказывание Кантора, согласно которому «сущность математики — в ее свободе» (Кантор, 1985, с. 80). Такая особенность аксиоматической архитектуры затрудняет применение новых математических теорий в физике, а когда такие применения все-таки находят, то возникает вопрос, можно ли получившуюся в результате теорию считать в полном смысле слова физической или же ее скорее нужно отнести к области математизированной спекулятивной метафизики (как в случае струнной теории).

Интересно заметить, что некоторые работающие математики готовы согласиться с только что упомянутым ограничительным требованием Кассирера. Так, например, В.И. Арнольду принадлежит знаменитая фраза о том, что «математика — это часть физики, в которой эксперименты стоят дешево» (Арнольд, 1998). Многие современные выдающиеся математики, включая тех, которые не делают такого рода публичных высказываний, в своей ежедневной работе тем не менее активно и сознательно пользуются физическими и другие эмпирическими мотивировками и при этом стараются по возможности не придавать никакого большого значения «официальным» теоретико-множественным основаниям своих рабочих теорий

(Ю. И. Манин, М. Концевич, А. Конн и многие другие). Однако для нашего обсуждения вопрос об архитектуре математических теорий является более существенным, чем те или иные индивидуальные философские предпочтения и стили математического мышления отдельных ученых. Ведь именно эта архитектура используется для окончательного представления полученных математических знаний в учебниках и передачи этих знаний новым поколениям исследователей. Поэтому проблемы в основаниях и архитектуре математических теорий не могут быть раз и навсегда решены за счет простого отказа от всяких определенных оснований и всякой стандартной архитектуры в пользу особенностей индивидуального стиля работы отдельных выдающихся математиков.

В связи с этим мне кажется интересным и продуктивным в современном контексте вернуться к той постановке вопроса об основаниях математики, о которой в 1907 году писал Кассирер, и попытаться поискать альтернативные решения, которые более детально описывали бы возможности применения математики в эмпирических теориях, а не оставляли бы этот вопрос на волю случая, «чудесного дара» и т.д. Эта задача имеет как философский, так и чисто математический аспект. В философском плане решение этой задачи может не сводиться к новой попытке модернизации философии Канта — подходящее решение может иметь и другие источники. Тем не менее я хочу подчеркнуть, что сама постановка данной проблемы в современном контексте вновь делает кантианскую философию математики актуальной областью исследований, а не анахронизмом, какой ее себе представлял Рассел и его многочисленные последователи.

Что же касается математической стороны дела, то я хочу указать здесь на некоторые новые направления в исследованиях по основаниям математики, которые, как мне представляется, могут помочь сделать современную математику более дружественной по отношению к физике и технике. Это прежде всего теория категорий и связанная с ней теория топосов. Идея использования этих теорий в основаниях математики в качестве альтернативы аксиоматической теории множеств принадлежит Лаверу, который впервые высказал ее еще в конце 1960-х годов. Первые попытки применения теории топосов в математической физике были предприняты в 1990-х годах Ишамом и Дорингом (Christian Isham, Andreas Doering). Попытки более широкого применения категорного языка в математическое физике (в том числе за рамками классической теории топосов) предпринимаются начиная с 2000-х годов Баесом (John Baez) и уже вызвали большой продолжающийся поток научных публикаций в области математической физики. Обзор, библиографические ссылки и философское обсуждение этой литературы можно найти в моей статье (Родин, 2010). Самой свежей в этом ряду (и поэтому не вошедшей в только что указанный обзор) является принадлежащая В. Воеводскому идея унивалентных оснований математики (Voevodsky, 2013), которая также уже нашла приложения в математической физике (Shreiber, 2013). Обсуждение возможностей применения этой теории в физике с эпистемологической точки зрения можно найти в моей монографии (Rodin, 2014, p. 210–214).

Математическое понятие категории, которое используется во всех этих теориях, в отличие от абстрактного понятия бесконечного множества допускает многообразные конкретные геометрические и физические интерпретации. Это позволяет связать воедино основания математических и фи-

зических теорий и развивать математическую физику таким же синтетическим способом, которым пользовались Ньютон и Эйнштейн, а не пытаться подбирать подходящий математический аппарат для данной физической теории наугад, не имея при этом никакого ответа на вопрос о том, почему та или иная математическая теория вдруг оказывается подходящей. Если теоретико-множественная математика, говоря словами Кассирера, конструирует «метафизические мысленные миры», которые только иногда «по счастливой случайности» оказываются похожими на реальный физический мир, то категорная математика подобно старой доброй евклидовой геометрии предоставляет возможности физической интерпретации уже на уровне своих оснований.

Нужно подчеркнуть, что новые исследования в области математической физики, о которых я только что упомянул, пока не привели к созданию новых законченных и проверенных на опыте физических теорий. Сказанное выше о категорных основаниях математики и связи таких оснований с физикой так же не является на сегодняшний день общепринятой точкой зрения и требует более подробного и более технического обсуждения. Однако именно поэтому, как мне представляется, эти новые направления математических и физических исследований особенно интересны для философского обсуждения. Сейчас кажется очевидным, что Рассел и Кассирер были оба совершенно правы в том, что новейшие исследования и результаты в основаниях математики и физики начала XX века имели большое значение для философии. Я думаю, что современная ситуация начала XXI века является в этом отношении совершенно аналогичной. При этом, как это очень часто случается в истории философии, новый философский взгляд на науку может неожиданно оказаться хорошо забытым старым.

#### Список литературы

1. Арнольд В.И. О преподавании математики // Успехи математических наук 1998. № 1 (53). С. 229–234.
2. Бонола Р. Неевклидова геометрия. М., 2010.
3. Кантор Г. Основы общего учения о многообразиях // Труды по теории множеств. М., 1985. С. 63–106.
4. Родин А. Программный реализм в физике и основания математики // Вопросы философии. 2015. №4–5 (в печати).
5. Родин А. Теория категорий и поиск новых математических оснований физики // Вопросы философии. 2010. №6. С. 67–82.
6. Cassirer E. Kant und die moderne Mathematik // Kant-Studien. 1907. № 12. S. 1–40.
7. Friedman M. Ernst Cassirer and Contemporary Philosophy of Science // Angelaki. 2005. № 10. P. 119–128.
8. Friedman M. Kant and the Exact Sciences. Cambridge, 1992.
9. Heis J. Ernst Cassirer's Neo-Kantian Philosophy of Geometry // British Journal for the History of Philosophy. 2011. № 4(19). P. 759–794.
10. Heis J. "Critical philosophy begins at the very point where logistic leaves off": Cassirer's Response to Frege and Russell // Perspectives on Science. 2010. № 4(18). P. 383–408.
11. Jonson A.K. Neo-Kantianism // Internet Encyclopedia of Philosophy. URL: <http://www.iep.utm.edu/neo-kant/> (дата обращения: 19.01.2015).
12. Pulkkinen J. Thought and Logic: The Debates Between German-Speaking Philosophers and Symbolic Logicians at the Turn of the 20th Century. P. Lang, 2005.

13. Rheinberger H.-J. On Historicizing Epistemology. Stanford University Press, 2010.
14. Rodin A. Axiomatic Method and Category Theory // Synthese Library. Springer, 2014. Vol. 364.
15. Russell B. Principles of Mathematics. L., 1903.
16. Russell B. A Critical Exposition of the Philosophy of Leibniz. L. ; N. Y., 1996.
17. Schreiber U. Classical field theory via Cohesive homotopy types. arXiv:1311.1172 (2013) (дата обращения: 19.01.2015).
18. Smolin L. The Trouble With Physics. Houghton Mifflin Harcourt, 2006.
19. Voevodsky V. et al. Homotopy Type Theory: Univalent Foundations of Mathematics. Princeton, 2013.
20. Wigner E. The unreasonable effectiveness of mathematics in the natural sciences // Commun. Pure Appl. Math. 1960. № 13. P. 1 – 14.

### Об авторе

Андрей Вячеславович Родин — канд. филос. наук, ст. науч. сотр. Института философии РАН, доцент Санкт-Петербургского государственного университета, andrei@philomatica.org

## KANT AND NEW MATHEMATICS 100 YEARS LATER

A. Rodin

*Cassirer's critique of Russell's philosophy of mathematics and the Neo-Kantian philosophy of science and mathematics as a whole is of special relevance in the context of modern mathematics and mathematical physics. The fact that the modern standard axiomatic architecture of mathematical theories does not take into account the object-based character of mathematical knowledge, which was stressed after Kant by Cassirer, complicates the application of new mathematical theories in natural sciences and technology. In particular, this can explain why modern physical string theory is empirically unverifiable; it can be adjusted to accommodate a wide range of possible outcomes of observations and experiments. At the same time, there are reasons to believe that certain recent approaches in foundations of mathematics such as category theory, topos theory, and Univalent Foundations may help to improve the situation in the near future. The problem of applicability of new mathematical knowledge in science and technology shows that the Kantian approach in philosophy of mathematics is at least partly relevant to today's mathematics.*

**Keywords:** Cassirer, Russell, philosophy of mathematics, formal logic, object-based knowledge, Category theory.

### References

1. Arnold V.I., 1998, О преподавании математики [On Mathematical Teaching] // *Uspekhi matematicheskikh nauk [Advances of Mathematical Sciences]* 53:1. p. 229 – 234.
2. Bonola R., 2010, *Неевклидова геометрия [Non-Euclidean Geometry]*, Moscow.
3. Cantor G., 1985, *Osnovy obshchego utcheniya o mnogoobrazijakh [Foundations of a General Theory of Manifolds]* // *Trudy po teorii mnozhestv [Works in Set theory]*, Moscow, p. 63 – 106.
4. Rodin A., 2015, *Programnyi realizm v fizike i osnovaniya matematiki [Programmatic Realism in Physics and foundations of Mathematics]* // *Voprosy Filosofii [Questions in Philosophy]*. 2015, № 4 – 5 (in print).
5. Rodin A., 2010, *Teoriya kategorii i poisk novykh matematicheskikh osnovanii fiziki [Category Theory and the Quest for New Mathematical Foundations of Physics]* // *Voprosy Filosofii [Questions in Philosophy]*. 2010, № 6, p. 67 – 82.

6. Cassirer E., 1907, Kant und die moderne mathematic // *Kant-Studien*, 12 (1907), S. 1–40.
7. Friedman M., 2005, Ernst Cassirer and Contemporary Philosophy of Science // *Angelaki*, 10 (2005), p. 119–128.
8. Friedman M., 1992, *Kant and the Exact Sciences*, Cambridge.
9. Heis J., 2011, Ernst Cassirer's Neo-Kantian Philosophy of Geometry // *British Journal for the History of Philosophy*, 19:4 (2011), p. 759–794.
10. Heis J., 2010, "Critical philosophy begins at the very point where logistic leaves off": Cassirer's Response to Frege and Russell // *Perspectives on Science*, 18:4 (2010), p. 383–408.
11. Jonson A.K., 2015, Neo-Kantianism, *Internet Encyclopedia of Philosophy*, URL: <http://www.iep.utm.edu/neo-kant/> (seen 19.01.2015).
12. Pulkkinen J., 2005, *Thought and Logic: The Debates Between German-Speaking Philosophers and Symbolic Logicians at the Turn of the 20th Century*, P. Lang.
13. Rheinberger H.-J., 2010, *On Historicizing Epistemology*. Stanford.
14. Rodin A., 2014, *Axiomatic Method and Category Theory (Synthese Library vol. 364)*, Springer.
15. Russell B., 1903, *Principles of Mathematics*, London.
16. Russell B., 1996, *A Critical Exposition of the Philosophy of Leibniz*, London and New York.
17. Schreiber U., 2015, *Classical field theory via Cohesive homotopy types*, arXiv:1311.1172 (2013) (seen 19.01.2015).
18. Smolin L., 2006, *The Trouble With Physics*, Houghton Mifflin Harcourt.
19. Voevodsky V. et al., 2013, *Homotopy Type Theory: Univalent Foundations of Mathematics*. Institute for Advanced Studies (Princeton).
20. Wigner E., 1960, The unreasonable effectiveness of mathematics in the natural sciences // *Commun. Pure Appl. Math.* 13, p. 1–14.

#### About the author

Dr Andrei **Rodin**, Senior Researcher, Institute of Philosophy, Russian Academy of Sciences; Associate Professor, Saint-Petersburg State University, andrei@philomatica.org